



## 太原师苑附属中学 2015-2016 学年第一学期

### 初二年级数学阶段考试解析

一. 选择题: (请将唯一正确的答案的编号填入答卷中, 每题 3 分, 共 30 分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	D	D	D	C	B	C	D	B	A	A

二. 填空题: (本题共 8 分, 每题 2 分, 共 16 分)

11.  $3\sqrt{3}cm$  或  $3\sqrt{5}cm$

12. 0 或 1

13.  $<$ ;  $<$

14.  $\sqrt{2} - 1$

15.  $\sqrt{13}$

16. 等腰直角三角形

17.  $\frac{10}{3}$

18.  $\sqrt{73}$

三. 解答题: (本大题共 6 题, 共 54 分)

$$\begin{aligned} 19. (1) \text{原式} &= (\sqrt{5})^2 - (\sqrt{6})^2 \\ &= 5 - 6 \\ &= -1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \text{原式} &= 5 - 1 - 2 \\ &= 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \text{原式} &= 2\sqrt{3} - \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{2\sqrt{3}}{3} \\ &= \frac{4\sqrt{3}}{3} - \frac{\sqrt{2}}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (4) \text{原式} &= 2\sqrt{6} - (2 - 2\sqrt{6} + 3) \\ &= 2\sqrt{6} - 2 + 2\sqrt{6} - 3 \\ &= 4\sqrt{6} - 5 \end{aligned}$$

20. 本题答案不唯一, 只要满足题目条件即可, 下列图 1, 图 2, 图 3 分别为 (1), (2), (3) 的答案 (其中图 3, 先画一个边长为  $\sqrt{10}$  的正方形, 连接对角线即为所求)

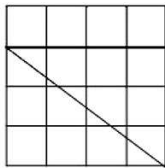


图 1

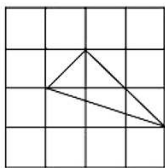


图 2

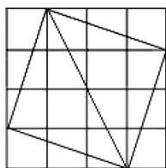


图 3



21. 解: 连接 BD,  $\triangle ABD$  中,  $\angle A = 90^\circ$

$$\therefore BD = \sqrt{AD^2 + AB^2} = \sqrt{30^2 + 40^2} = 50m$$

$$\because 50^2 + 120^2 = 130^2$$

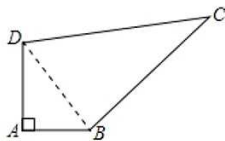
$$\text{即 } BD^2 + BC^2 = CD^2$$

$\therefore \triangle BCD$  为直角三角形, 且  $\angle DBC = 90^\circ$

$$\begin{aligned} S_{\text{四边形}ABCD} &= S_{\triangle ABC} + S_{\triangle BCD} \\ &= \frac{1}{2} AD \cdot AB + \frac{1}{2} BD \cdot BC \\ &= \frac{1}{2} \times 30 \times 40 + \frac{1}{2} \times 50 \times 120 \\ &= 3600 (m^2) \end{aligned}$$

$$3600 \times 30 = 108000 (\text{元})$$

答: 将这块空地植满草皮, 开发区需要投入 108000 元



22. 解: 由题可知: 
$$\begin{cases} 3-5x \geq 0 \\ 5x-3 \geq 0 \\ 1-x^2 \geq 0 \end{cases}$$

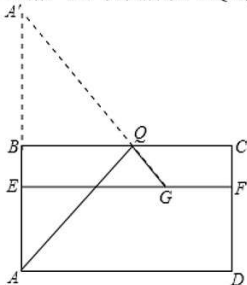
$$\therefore x = \frac{3}{5}$$

$$\therefore y = 0 + \sqrt{1 - \left(\frac{3}{5}\right)^2} + 0 = \frac{4}{5}$$

$$\therefore 5x + 5y = 5 \times \frac{3}{5} + 5 \times \frac{4}{5} = 7$$

$$\therefore \pm\sqrt{5x+5y} = \pm\sqrt{7}$$

23. 解: (1) 如图所示, AQ+QG 为最短路程



(2)  $\because$  直角  $\triangle AEG$  中,  $AE = 40cm, AA' = 60 \times 2 = 120cm$

$$A'E = 80cm$$

$$\text{又} \because EG = 60cm$$

$$\therefore AQ + QG = A'Q + QG = A'G = \sqrt{A'E^2 + EG^2} = 100cm$$

$\therefore$  最短路线长为 100cm



24. (1) 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $BC^2 = AB^2 - AC^2 = 5^2 - 3^2 = 16$ ,  
 $\therefore BC = 4$  (cm);

(2) 由题意知  $BP = t$  cm,

① 当  $\angle APB$  为直角时, 点  $P$  与点  $C$  重合,  $BP = BC = 4$  cm, 即  $t = 4$ ;

② 当  $\angle BAP$  为直角时,  $BP = t$  cm,  $CP = (t - 4)$  cm,  $AC = 3$  cm,

在  $Rt\triangle ACP$  中,

$$AP^2 = 3^2 + (t - 4)^2,$$

在  $Rt\triangle BAP$  中,  $AB^2 + AP^2 = BP^2$ ,  $BC^2 = AB^2 - AC^2 = 5^2 - 3^2 = 16$

$$\text{即: } 5^2 + [3^2 + (t - 4)^2] = t^2,$$

$$\text{解得: } t = \frac{25}{4},$$

故当  $\triangle ABP$  为直角三角形时,  $t = 4$  或  $t = \frac{25}{4}$ ;

(3) ① 当  $AB = BP$  时,  $t = 5$ ;

② 当  $AB = AP$  时,  $BP = 2BC = 8$  cm,  $t = 8$ ;

③ 当  $BP = AP$  时,  $AP = BP = t$  cm,  $CP = |t - 4|$  cm,  $AC = 3$  cm,

在  $Rt\triangle ACP$  中,  $AP^2 = AC^2 + CP^2$ ,

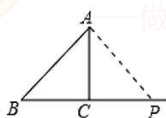
$$\text{所以 } t^2 = 3^2 + (t - 4)^2,$$

$$\text{解得: } t = \frac{15}{8},$$

综上所述: 当  $\triangle ABP$  为等腰三角形时,  $t = 5$  或  $t = 8$  或  $t = \frac{15}{8}$ .



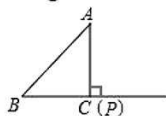
图③



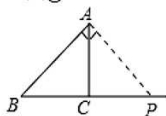
图④



图⑤



图①



图②