



2015~2016 学年八年级第一学期（10 月）月调研

数学解析

时间：60 分钟 分值：100 分 命题人：孔晋华 审核人：初二数学组

一、选择题（每题 3 分，共 24 分）.

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	D	B	C	A	A	C	B	C

二、填空题（每题 4 分，共 32 分）

9. 2, -3

10. 3.9

11. <

12. 5 或 $\sqrt{7}$

13. 0.131131113……, $\sqrt{5}$, π

14. $\sqrt{10} - 1$

15. 2; -5

16. $\frac{15}{2}$

三、解答题（共 46 分，解答时应写出必要的文字说明、证明过程或演算步骤）.

17. 计算题（24 分）

(1) 解：原式 $= 4\sqrt{2} - 2\sqrt{2} + 2\sqrt{3} - \sqrt{2}$
 $= \sqrt{2} + 2\sqrt{3}$

(2) 解：原式 $= \sqrt{8} + \sqrt{2}$
 $= 2\sqrt{2} + \sqrt{2} = 3\sqrt{2}$

(3) 解：原式 $= 5 - 2\sqrt{15} + 3$
 $= 8 - 2\sqrt{15}$

(4) 解：原式 $= \frac{\sqrt{10}}{3} \times \sqrt{5} - \frac{\sqrt{27}}{\sqrt{15}} \times \sqrt{5}$
 $= \frac{5}{3}\sqrt{2} - 3$

(5) 解： $9(x-2)^2 = 64$

$$(x-2)^2 = \frac{64}{9}$$

$$x-2 = \pm \frac{8}{3}$$

$$\therefore x = \frac{14}{3} \text{ 或 } x = -\frac{2}{3}$$

(6) 解：原式 $= \frac{1}{9} - 1 + 6 - 3\sqrt{3}$
 $= \frac{46}{9} - 3\sqrt{3}$

18. 解：原式 $= a^2 - 2ab + b^2 - a^2 + b^2 - ab$
 $= 2b^2 - 3ab$

将 $a = \sqrt{5} - \sqrt{7}$, $b = \sqrt{5} + \sqrt{7}$ 代入上式得：

$$2(\sqrt{5} + \sqrt{7})^2 - 3(\sqrt{5} - \sqrt{7})(\sqrt{5} + \sqrt{7})$$

$$= 2(12 + 2\sqrt{35}) - 3(5 - 7)$$

$$= 30 + 4\sqrt{35}$$



19. 连接 AC, 在 $\triangle ADC$ 中, $\angle ADC=90^\circ$, $AD=12m$, $CD=9m$

$$\therefore AC = \sqrt{CD^2 + AD^2} = \sqrt{12^2 + 9^2} = 15m$$

在 $\triangle ABC$ 中, $AC=15m$, $AB=39m$, $BC=36m$

$$\text{即 } AC^2 + BC^2 = 15^2 + 36^2 = 39^2 = AB^2$$

$\therefore \triangle ABC$ 为直角三角形

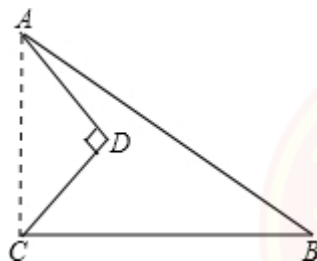
$$\therefore S_{\text{四边形}ABCD} = S_{\triangle ABC} - S_{\triangle ADC}$$

$$= \frac{1}{2} AC \times BC - \frac{1}{2} AD \times DC$$

$$= \frac{1}{2} 15 \times 36 - \frac{1}{2} 9 \times 12$$

$$= 216m^2$$

即这块地的面积为 $216m^2$



20. 1) 如图 1 所示: \because 三个四边形均为正方形,

$$\therefore \angle ACB + \angle BAC = 90^\circ, \angle ACB + \angle DCE = 90^\circ, AC = CE,$$

$$\therefore \angle BAC = \angle DCE,$$

$$\therefore \angle ABC = \angle CDE = 90^\circ,$$

$$\therefore \triangle ABC \cong \triangle CDE,$$

$$\therefore BC = DE = a, AB = CD = b,$$

$$\therefore S_{\triangle ABC} + S_{\triangle CDE} = ab,$$

$$\text{同时 } AC^2 = AB^2 + BC^2,$$

\therefore 两个正方形的面积分别为 a^2, b^2 ,

$$\therefore S = a^2 + b^2,$$

(2) 如图 2 所示, $a=1$, 斜正方形边长 $c=2, b=\sqrt{3}$,

由 30° 角和 60° 角易求出面积为 m_1 的三角形底边长为 1, 高为 $\sqrt{3}$, 故 $m_1 = \frac{\sqrt{3}}{2}$;

面积为 m_2 的三角形边长为 $\sqrt{3}$, 高为 1, 故 $m_2 = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

结论: 四个三角形的面积相等.

(3) $S=T$. 如图 3 所示, 首先由 (2) 知: $T = S_{\triangle ABC}$,

设小正方形边长为 a , 大正方形边长为 b ,

由 (1) 知: $S = a^2 + b^2$, 又图中四个小三角形的面积 $m = \frac{1}{2}ab$,

$$S_{\triangle ABC} = a^2 + b^2 + (a^2 + b^2) + 4 \times \frac{1}{2}ab - \frac{1}{2}(a+b)(2a+2b) = a^2 + b^2 = S,$$

$$\therefore S=T.$$

